5月

2014 年

胡雄武,张平松,严家平,等.矿井瞬变电磁超前探测视电阻率扩散叠加解释方法[J].煤炭学报,2014,39(5):925-931.doi:10.13225/j.enki.jccs.2013.0574

Hu Xiongwu, Zhang Pingsong, Yan Jiapin, et al. Spread stack interpretation means of apparent resistivity in roadway advanced detection with transient electromagnetic method [J]. Journal of China Coal Society, 2014, 39(5):925-931. doi:10.13225/j. cnki. jccs. 2013.0574

矿井瞬变电磁超前探测视电阻率扩散叠加解释方法

胡雄武,张平松,严家平,吴荣新,郭立全

(安徽理工大学地球与环境学院,安徽淮南 232001)

摘 要:受体积效应的影响,矿井巷道瞬变电磁超前探测时对异常区有不同程度的放大。为获得更 为可靠的测试结果,在扇形超前观测系统的基础上,通过烟圈简化反演,并根据不同测点在巷道前 方形成的烟圈交汇特征,推导视电阻率扩散叠加表达式及相关参数计算公式,实现了超前探测视电 阻率扩散叠加解释方法,进一步提高对前方地质体的分辨能力。物理模型实验和现场探测实践表 明,与常规视电阻率断面对比,视电阻率扩散叠加结果对异常体的判定效果优越性较强,对巷道掘 进前方含水体的聚焦判定能力增加。

关键词: 矿井瞬变电磁; 超前探测; 视电阻率扩散叠加; 扇形观测系统; 烟圈简化反演; 交汇特征 中图分类号: P631.3 文献标志码: A 文章编号: 0253-9993 (2014) 05-0925-07

Spread stack interpretation means of apparent resistivity in roadway advanced detection with transient electromagnetic method

HU Xiong-wu, ZHANG Ping-song, YAN Jia-ping, WU Rong-xin, GUO Li-quan

(School of Earth and Environment, Anhui University of Science and Technology, Huainan 232001, China)

Abstract: In advanced detection by mine transient electromagnetic method, because of the volume effect, the abnormal areas are amplified in various degree. To obtain a more reliable test results, through the smoke ring simplified inversion for the conventional apparent resistivity and according to the intersection characteristics of smoke rings formed by different survey points arranged as sector observing system in front of roadway, the spread stack expression of apparent resistivity and its related parameter were derived. So, the spread stack interpretation means of apparent resistivity was realized in advanced detection, it further improves the resolving power of geological body ahead of tunnel. Physical model experiment and field exploration show that, the spread stack interpretation means of resistivity to judge the model is superior to the conventional apparent resistivity section, it increases the judgement ability of water aquifer ahead of excavation roadway.

Key words: mine transient electromagnetic; advanced detection; spread stack of apparent resistivity; sector observing system; smoke ring simplified inversion; intersection characteristics

瞬变电磁方法因具有现场施工便捷、快速且不受 接地条件约束、探测距离长等优点,已成为巷道掘进 超前预测预报的主要方法之一^[1-4]。其测试精度一 直是最为关注的问题之一。多年来许多学者进行了 不同程度的研究,分别在全空间瞬变场数值模 拟^[5-7]、现场工作方法^[8-12]、视电阻率计算及成 图^[13-16]等方面取得了较大的进步,并取得了实际应 用效果。但就电磁方法本身而言,受到体积效应的影

收稿日期:2013-05-02 责任编辑:韩晋平

基金项目:国家自然科学基金重点资助项目(51134012)

作者简介:胡雄武(1984—),男,安徽绩溪人,博士研究生。Tel:0554-6668704,E-mail:huxiongwu1984@126.com

响,往往导致现场探测异常区偏大,对钻探验证目标 确定带来一定的影响。

为进一步提高矿井瞬变电磁超前探测的分辨能 力,笔者结合地震勘探偏移叠加思想,基于扇形超前 观测系统,根据瞬变场的烟圈扩散理论,对常规视电 阻率进行烟圈简化反演,依据各观测点的测试角度差 异,推导视电阻率的扩散叠加算法,获得其分布特征, 力求进一步增强对探测前方含水异常区的空间判定 能力,并通过物理模型实验及实例应用分析了该方法 的有效性。

1 常规扇形探测技术

1.1 观测系统

受探测空间的限制,通常在巷道工作面布置不同 角度的测点,构成扇形观测系统(图1)。该系统一般 沿巷道掘进正前方向两侧布置13个测点,每个测点 布置顶板、顺层和底板3个方向。实际探测时,可根 据探测情况调整测点数及顶底板角度γ。



1.2 数据处理

常规数据处理一般为2个步骤:先将实测感应电 动势信号换算成全空间视电阻率值并进行时深转换; 再将所得视电阻率值按照深度沿发射回线法向轴线 布置,利用空间数据点的插值技术(如克里格等)生 成视电阻率等值线图。其关键技术有2个。

(1) 视电阻率计算(全区或晚期近似)^[15]。

均匀全空间介质中水平圆回线发射框中心的感 应电动势为

$$\varepsilon(t) = \frac{\mu_0 n IS}{\sqrt{\pi} r_0 t} f(u) \tag{1}$$

$$f(u) = u^3 e^{-u^2}$$
 (2)

$$u = \frac{r_0}{\sqrt{\pi}} \sqrt{\frac{\mu_0}{\rho t}} \tag{3}$$

式中,µ₀为真空磁导率;n为发射回线匝数;I为发射

电流;S 为接收线圈等效面积; r_0 为发射回线半径;t 为观测时间; ρ 为介质真电阻率;若回线是边长为 b 的方形时, $r_0 = b/\sqrt{\pi}$ 。

由式(3),得

$$\rho_{\rm s}^{\rm all} = \mu_0 r_0^2 / (\pi t u^2) \tag{4}$$

联合式(1) ~ (4),采用二分搜索算法可计算出 全区视电阻率值 ρ_s^{all} 。

当 t→∞时,据式(1)~(3)可求晚期电阻率值为

$$\rho_{\rm s}^{\rm late} = \frac{\mu_0}{4\pi t} \left(\frac{\mu_0 SS_0}{t} \right)^{2/3} \left[\frac{\varepsilon(t)}{I_0} \right]^{-2/3} \tag{5}$$

式中, S_0 为发射回线面积, $S_0 = n\pi r_0^2$ 。

(2)时深转换^[12]。

计算某一测道深度时,设前一测道的时间和深度 分别为 t_{i-1} 和 d_{i-1} ,当前测道的时间为 t_i ,视电阻率为 ρ_{si} ,则该测道的深度为

$$l_{i} = d_{i-1} + C(d) \left(\sqrt{\frac{\rho_{si} t_{i}}{\mu_{0}}} - \sqrt{\frac{\rho_{si} t_{i-1}}{\mu_{0}}} \right)$$
(6)

式中,G(d)为全空间深度系数值。

由于该观测系统所得视电阻率拟断面图对资料 的解释精度相对较高^[8],已成为当前井下超前探测 的主要观测方式。

2 视电阻率扩散叠加解释方法

2.1 烟圈简化反演

烟圈理论认为在均匀条件下,地下电流环的等效 电流 *i*(*t*)、半径 *R*(*t*)及深度 *Z*(*t*)分别为

$$i(t) = \frac{IS_0\mu_0}{4\pi C_2\rho t} \tag{7}$$

$$R(t) = r_0 + \sqrt{8C_2} \sqrt{\rho t/\mu_0}$$
 (8)

$$Z(t) = \frac{4}{\sqrt{\pi}} \sqrt{\rho t/\mu_0} \tag{9}$$

其中, $C_2 = 8/\pi - 2 = 0.546479$;扩散角 $2\theta = 2 \arctan \times [R(t)/Z(t)] \approx 94^{\circ}$ 。从式(9)可推导出垂向扩散速度,即

$$v_{z}(t) = \frac{\mathrm{d}Z(t)}{\mathrm{d}t} = \sqrt{\frac{4\rho}{\pi\mu_{0}t}}$$
(10)

又

$$v_{z}(t_{i}) = \frac{\Delta Z(t_{i})}{\Delta t_{i}} = \frac{Z(t_{i}) - Z(t_{i-1})}{t_{i} - t_{i-1}} = \frac{4}{\mu_{0}\sqrt{\pi}} \left(\frac{\sqrt{\rho_{i}t_{i}} - \sqrt{\rho_{i-1}t_{i-1}}}{t_{i} - t_{i-1}} \right)$$
(11)

将式(11)代入式(10),并赋以全空间电阻率系数 G'(ρ),整理得烟圈筒化反演电阻率ρ,^[17]为

$$\rho_{\rm r} = 4G'(\rho) \left(\frac{\sqrt{\rho_i t_i} - \sqrt{\rho_{i-1} t_{i-1}}}{t_i - t_{i-1}} \right)^2 t_{i(i-1)} \quad (12)$$

式中, ρ_i , ρ_{i-1} 为式(4)或式(5)计算的视电阻率值; t_i , t_{i-1} 为相邻观测时间; $t_{i(i-1)}$ 为 t_i 和 t_{i-1} 的几何平均值。

2.2 扩散叠加处理

依上分析, *ρ*, 提高了地质体的纵向分辨能力。对 于横向分辨率,引用地震数据叠加处理思想,获得视 电阻率在烟圈扩散范围内的叠加值,以此来加以改 善。

(1) 激励场的超前分布特征。

圆形发射回线在空间中任意点处的激励磁场垂 直分量^[5]为

$$H_{x}(l) = \frac{IS_{0}}{2\pi} \left[\frac{1}{(l^{2} + r_{0}^{2})^{3/2}} - \frac{3(l^{2} - z^{2})}{2(l^{2} + r_{0}^{2})^{5/2}} \right] (13)$$

其中,*l* 为空间任意点(*x*, *y*, *z*) 至回线中心(*x'*, *y'*, *z'*)
的距离, *l* = $\sqrt{(x - x')^{2} + (y - y')^{2} + (z - z')^{2}}$.
当式(1) ~(3) 中取 *I*=2 A, *r*₀=1.13 m(即 *b*=2 m)且
n=40 时,如图 2 所示,当发射回线紧贴巷道工作面
时,激励场分布主要集中在巷道轴线上并向两侧衰
碱(图 2 中点线)。而在回线中心接收的瞬变场信号
是巷道前方地质体的总体响应,据激励场与感应场的
关联性质,可认为实测场主要来源于回线法向轴线附
近地质体的响应,离轴线越远处的电磁场的感应能力
弱,以致于忽略不计。



图 2 巷道工作面激励磁场的向前分布

Fig. 2 Distribution of exciting field ahead of tunnel

(2)等效烟圈的扩散特征。

图 3 为烟圈的超前扩散图。M. N. Nabighian 指 出,电流环在回线中心引起的磁场为整个"环带"各 个涡流层的总效应。而 ρ_r 等效为 2 个烟圈之间地质 体的导电特性。若以图 3 中 t_3 时刻为例, ρ_r 近似为 该时刻烟圈内的等效电阻率值。因烟圈是向前向外 扩散,故 ρ_r 主要受其中心处地质体的导电能力主导, 向其边缘扩展,这种主导能力逐渐减弱,这与从激励 场的分布特征看感应场的分布特性一致。





实际在利用扇形观测系统超前探测时,测点之间 因探测角度的差异,在探测前方必然形成烟圈的交 汇,但受地质体的非均匀电阻率影响,烟圈在各方向 的扩散速度及相同时刻的扩散深度、扩散半径不等。 如图4所示,假如有9个测点,对探测前方进行网格 剖分,则有测点5~8的 $t_5 ~ t_8$ 时刻烟圈在单元 k 中 交汇,相应的 $\rho_{t5}(t_5) ~ \rho_{t8}(t_8)$ 均与该单网格元内地质 体的导电性相关。



图 4 不同测点的电流环交汇示意

Fig. 4 Electric current loop cross of different survey point 由此可见,若在单元内有 U 个测点的烟圈形成 交汇,则单元内的视电阻率扩散叠加值可以表达为

$$\overline{\rho}_{\mathrm{M}}(k) = \sum_{j=1}^{U} \alpha_j(t_i) \rho_{ij}(t_j) / \sum_{j=1}^{U} \alpha_j(t_i) \qquad (14)$$

式中, $\bar{\rho}_{M}(k)$ 为单元 k 的视电阻率扩散叠加值; $\rho_{ij}(t_i)$ 为测点 j 在 t_i 时刻计算的烟圈简化反演电阻率值; $\alpha_i(t_i)$ 为对应 $\rho_{ij}(t_i)$ 的权值;U为交汇点数。

要实现所有网格单元内视电阻率扩散叠加计算, 必须先求出每个测点所有时刻烟圈的扩散深度 Z(t) 和半径 R(t),及其直径在空间的直线方程。

2.3 非均匀条件电流环扩散深度 R(t)和 Z(t)的计

从式(8)可推出烟圈的扩散速度

$$v_{\rm R}(t) = \frac{\mathrm{d}R(t)}{\mathrm{d}t} = \sqrt{\frac{2C_2\rho}{\mu_0 t}}$$
(15)

对于非均匀条件,联合式(10),(15),当 t 从 t_i 延迟到 t_{i+1} 时,烟圈半径和深度分别增大

$$\Delta R(t_{i+1}) = \int_{t_i}^{t_{i+1}} v_{\mathrm{R}}(t) \,\mathrm{d}t = \sqrt{\frac{8C_2 \rho_{(i+1)}}{\mu_0}} \left(\sqrt{t_{i+1}} - \sqrt{t_i}\right)$$
(16)

$$\Delta Z(t_{i+1}) = \int_{t_i}^{t_{i+1}} v_z(t) \, \mathrm{d}t = \sqrt{\frac{16\rho_{(i+1)}}{\pi\mu_0}} \left(\sqrt{t_{i+1}} - \sqrt{t_i}\right)$$
(17)

在 t_{i+1} 时同时考虑全空间深度系数G'(d),有

$$R(t_{i+1}) = R(t_i) + G'(d)\Delta R(t_{i+1})$$
 (18)

 $Z(t_{i+1}) = Z(t_i) + G'(d)\Delta Z(t_{i+1})$ (19)

当 $t \rightarrow 0$ 时,从式(8)推导出 $R(t \rightarrow 0) = r_0;$ 将 ρ_t 代 替式(16)~(19)中 ρ 参与计算,可递推求出全部观 测时间窗口的烟圈扩散半径R(t)及扩散深度Z(t)。

如图 5 所示, 假设某测点的探测角度为 β , 扩散 角的一半 θ = 47°且 tan θ = R(t)/Z(t), 可以写出 $O_1(x_1, y_1)$ 和 $O_3(x_3, y_3)$ 点的坐标分别为

$$\begin{cases} x_{1} = \sqrt{Z^{2}(t_{i}) + R^{2}(t_{i})} \cos(\beta + \theta) \\ y_{1} = \sqrt{Z^{2}(t_{i}) + R^{2}(t_{i})} \sin(\beta + \theta) \\ x_{3} = \sqrt{Z^{2}(t_{i}) + R^{2}(t_{i})} \cos(\beta - \theta) \\ y_{3} = \sqrt{Z^{2}(t_{i}) + R^{2}(t_{i})} \sin(\beta - \theta) \end{cases}$$
(21)



Fig.5 Equation solving of electric current loop's diameter 因此,该时刻烟圈直径的直线方程可以通过任意 两点给出,以 $O_1(x_1,y_1)$ 和 $O_3(x_3,y_3)$ 点写为

$$y = \frac{y_3 - y_1}{x_3 - x_1} (x - x_1) + y_1$$
(22)

且 x 和 y 分别在在 x_1 和 x_3, y_1 和 y_3 之间变化。

至此,可以求出所有测点在不同时刻与空间网格的交汇点数 U、网格单元中心至任意烟圈中心的偏移距离 D_k 。假设单元 k 中心得笛卡尔坐标为 (x_k, y_k) ,则 $D_k = \sqrt{(x_k-x_2)^2 + (y_k-y_2)^2}$ 。

2.4 权值 α 的计算

假设某一测点 t; 时刻烟圈对单元 k 的权值为

$$\alpha_k = h_k(t_i) / h_0(t_i) \tag{23}$$

其中, $h_k(t_i)$ 为该测点 t_i 时刻烟圈在单元k中心处引起的磁场; $h_0(t_i)$ 为同时刻烟圈中心处磁场。而任意时刻 t_i 的烟圈可以被看成是一个新的发射回线,在回线直径上的电磁场垂直分量表达式可以从式(13)中取z=0求得

$$h_{k}(t_{i}) = \frac{I'S'}{2\pi} \left[\frac{1}{(D_{k}^{2} + r'^{2})^{3/2}} - \frac{3D_{k}^{2}}{2(D_{k}^{2} + r'^{2})^{5/2}} \right]$$
(24)

其中, $I' = i(t_i)$; $S' = \pi R^2(t_i)$; $r' = R(t_i)$ 。当 $D_k = 0$ 时, 即 $h_0(t_i) = I'S'/(2\pi r'^3)$ 。对式(23)重新整理,得

$$\alpha_{k} = R^{3}(t_{i}) \left\{ \frac{1}{\left[D_{k}^{2} + R^{2}(t_{i})\right]^{3/2}} - \frac{3D_{k}^{2}}{2\left[D_{k}^{2} + R^{2}(t_{i})\right]^{5/2}} \right\}$$
(25)

图 6 表达了不同扩散半径 R(t)时, α 随 D_k 变化的关系。从图 6 可见, 以 D_k = 0 为中心, 随 D_k 的增加 或减小, α 逐渐下降, 并且当 R(t) 越大(即烟圈扩散 越远时), α 随 D_k 的增大, 下降速度减缓。这种关系 与激励场的分布特征及烟圈的扩散理论是一致的, 说 明 α 取值合理。







至此,可以求解所有相关网格单元内的视电阻率 扩散叠值。为使该方法的解释效果更为可靠,实际处 理时,对交汇点数 U≥2 的网格进行计算,反之,网格 不赋值,其值采用空间数据插值获得。

3 物理模型实验

3.1 数据采集平台与参数

(1)实验平台以室内水槽(长×宽×高:2.0 m×

1.4 m×0.8 m)为物理模型。在水槽的一端固定一个 方形巷道,其截面边长 20 cm,长 65 cm(图7)。



图 7 水槽实验模型

Fig. 7 Sink experimental model

(2)实验设备采用国内生产的 YCS256 型矿用瞬变电磁仪,选择采样频率为 6.25 Hz;采用中心

回线装置,发射回线边长 0.1 m, 匝数 40; 接收回线边 长 0.05 m, 匝数 80。

(3)低阻体模型:模拟异常体为铜球,直径为
0.1 m,数据采集时,铜球中心分别布置在巷道正前
方(0,0.4 m,0)及(0.15 m,0.35 m,0)。

3.2 数据采集、处理与分析

(1)数据采集布置为扇形,正前方测点号为9,
8~1号探测角(偏离中心角度)为-10°~-80°,10~
17号探测角为10°~80°。图8(a),(b)分别为铜球中心在(0,40 cm)和(15 cm,35 cm)的40测道感应电动势剖面(图中尾部测道已轻微平滑);图8(c)为40测道对应的观测时间。从图8(a)可以看出,铜球响应的角度为-50°~50°,靠近中心,响应越高;图8(b)中铜球响应的角度为-20°~60°,其中10°~40°响应高。





(2)数据处理时,先计算常规全区视电阻率值; 然后分别获得常规视电阻率断面(图9(a),(b))和 视电阻率扩散叠加断面(图9(c),(d))。其中全空 间系数 $G(\rho) = G'(\rho) = 10\ 000, G(d) = G'(d) = 5;为便$ 于比较,采用相同的色标。若以小于 12 $\Omega \cdot m$ 来划分 低阻异常区,图9(c),(d)中低电阻率区域相对铜球的 范围较大,而图9(c),(d)对铜球的反映相对收敛;当 铜球位于(0,40 cm)时,图9(a),(c)中异常区面积比 约为2.8;当铜球位于(15 cm,35 cm)时,图9(b),(d)

中异常区面积比约为 2.33。由此可见,视电阻率扩散 叠加结果对铜球的空间判定效果具有优越性。因铜球 的响应时间长,对其后边界的判定略有不足。

4 实例应用

安徽某矿煤层底板放水掘进巷道位于 C_3^1 灰岩 中,该层灰岩距上覆煤层底板法距为15 m, C_3^1 灰岩距 下伏 $C_3^{3\perp}$ 灰岩法距为8~12 m,且 $C_3^{3\perp}$ 及其下 $C_3^{3\top}$ 灰 岩为含水层,据现有资料分析,该两层灰岩富水性不



图 9 常规视电阻率与视电阻率扩散叠加结果对比 Fig. 9 Results comparison between the regular apparent resistivity and its spread stack value

均一性强,其岩溶裂隙发育且含水。从已有巷道掘进 情况来看,断层构造等地质异常相对发育,易导通底 板 $C_3^{3\perp}$ 和 $C_3^{3\top}$ 灰岩水。为保障巷道安全掘进,采用 瞬变电磁超前探测含水区。

根据现场条件,在掘进工作面布置扇形观测系统,其中测点方位、点数与图1一致,现场测试底板方向的断面,其俯角γ=20°。

按照该巷道以往探测经验,数据处理时取 $G(\rho)$ = $G'(\rho)$ = 10 000,G(d)= G'(d)= 50,并以 20 Ω ・m 为含 水判定标准。图 10(a),(b)分别为巷道超前常规视电 阻率和视电阻率扩散叠加断面。可见,图 10(a)中 巷道前方底板两侧 10 m 范围有一长低阻带;而图 10(b)中仅有一孤立低阻区,其范围较小。从地质角 度分析,沿俯角 20°探测时,其测深是穿层,C¹₃和C^{3⊥} 岩层之间夹有泥岩和C²₃灰岩,不含水。因此,图 10(a)的浅部低阻与地质条件不符。将图 10(b)中 低阻区域换算成垂直深度为 17~24 m,位于C^{3⊥}₃和 C³⁺含水灰岩层内,可解释为含水异常区。从电阻率 值大小认为该区含水性不强。后期钻探揭露该区岩 溶发育,少量含水,带有充填物。由此可见,视电阻率 扩散叠加结果对异常区判定较好,增强了地质解释效 果。



图 10 实测瞬变电磁常规和视电阻率及其扩散叠加结果

Fig. 10 Results of the regular resistivity and its spread stack value calculated by measured transient electromagnetic data

(1)在扇形超前观测系统的基础上,通过烟圈简

化反演,并根据不同测点的烟圈扩散交汇特征,推导 了视电阻率的扩散叠加表达式,实现了超前探测视电 阻率的扩散叠加解释方法。 (2)通过物理模型实验分析,认为视电阻率扩散 究[J].中国 结果较常规视电阻率结果对异常体的圈定更为 Liu Zhixin,Y

叠加结果较常规视电阻率结果对异常体的圈定更为 准确:以12 Ω·m为异常阈值,当异常体模型在模拟 巷道右前方时,两者显示异常区域的面积比值约为 1/2.3;而当异常体模型在模拟巷道正前方时,随参与 交汇的测点数增多,比值降为1/2.8。

(3)现场应用结果表明,视电阻率扩散叠加解释 方法对探测前方含水区的空间判定效果更好,增强了 异常区含水性的判定能力。

本文实现视电阻率的二维扩散叠加,而实际探测时,在巷道工作面布置有3~4个扇形断面,分别沿巷 道顶板、顺层、底板以及垂直断面等布置,构成了空间 视电阻率分布体系,因此,该方法可向三维探测进一 步延展,随数据点的增加,其效果将进一步得到提高。

参考文献:

- [1] 占文峰,王 强,牛学超.采空区矿井瞬变电磁法探测技术[J]. 煤炭科学技术,2010,38(8):115-117.
 Zhan Wenfeng, Wang Qiang, Niu Xuechao. Transient electromagnetic exploration technology to mining goaf[J]. Coal Science and Technology,2010,38(8):115-117.
- [2] 刘振庆,于景邨,胡 兵,等. 矿井瞬变电磁法在探查迎头前方 构造中的应用[J]. 物探与化探,2011,35(1):140-142.
 Liu Zhenqing, Yu Jingcun, Hu Bing, et al. The application of MTEM to detecting structures in front of roadway head[J]. Geophysical & Geochemical Exploration,2011,35(1):140-142.
- [3] 张 军,赵 莹,李 萍.矿井瞬变电磁法在超前探测中的应用研究[J].工程地球物理学报,2012,9(1):49-53.
 Zhang Jun,Zhao Ying,Li Ping. Application research of mine transient electromagnetic method in advanced detection[J]. Chinese Journal of Engineering Geophysics,2012,9(1):49-53.
- [4] 李云波,李 好. 矿井瞬变电磁法富水体超前探测原理及应用研究[J]. 矿业安全与环保,2013,40(2):69-72.
 Li Yunbo,Li Hao. Principle of advanced detection of water-enriched body with mine transient electromagnetic method and its application [J]. Mining Safety & Environmental Protection,2013,40(2):69-72.
- [5] 杨海燕. 矿用多匝小回线源瞬变电磁场数值模拟与分布规律研究[D]. 徐州:中国矿业大学,2009.
- [6] 孙玉国,谭代明. 全空间效应下瞬变电磁法三维数值模拟[J]. 铁道工程学报,2010(3):76-80.
 Sun Yuguo, Tan Daiming. 3D numerical simulation to transient electromagnetic method under effect of whole-space[J]. Journal of Railway Engineering Society,2010(3):76-80.
- [7] 孟庆鑫,潘和平.井中磁源瞬变电磁三维时域有限差分数值模 拟[J].中南大学学报(自然科学版),2013,44(2):649-655.
 Meng Qingxin,Pan Heping. 3D FDTD numerical simulation for transient electromagnetic of magnetic source in borehole[J]. Journal of Central South University(Science and Technology),2013,44(2): 649-655.
- [8] 刘志新,岳建华,刘仰光.扇形探测技术在超前探测中的应用研

究[J]. 中国矿业大学学报,2007,36(6):822-825.

Liu Zhixin, Yue Jianhua, Liu Yangguang. Application of sector detection technology in advanced detection [J]. Journal of China University of Mining & Technology, 2007, 36(6):822-825.

- [9] 姜志海,岳建华,刘树才.多匝重叠小回线装置形式的矿井瞬变 电磁观测系统[J].煤炭学报,2007,32(11):1152-1156. Jiang Zhihai, Yue Jianhua, Liu Shucai. Experiment of mine transient electromagnetic observation system of small multi-turn coincident configuration[J]. Journal of China Coal Society, 2007, 32(11): 1152-1156.
- [10] 刘志新,刘树才,刘仰光. 矿井富水体的瞬变电磁场物理模型实验研究[J]. 岩石力学与工程学报,2009,28(2):259-266.
 Liu Zhixin, Liu Shucai, Liu Yangguang. Research on transient electromagnetic field of mine water-bearing structure by physical model experiment[J]. Chinese Journal of Rock Mechanics and Engineering,2009,28(2):259-266.
- [11] 孙桥凤,李术才,李 貅,等,隧道瞬变电磁多点阵列式探测方法研究[J]. 岩石力学与工程学报,2011,30(11):2225-2233.
 Sun Huaifeng, Li Shucai, Li Xiu, et al. Research on transient electromagnetic multipoint array detection method in tunnel[J]. Chinese Journal of Rock Mechanics and Engineering,2011,30(11): 2225-2233.
- [12] 张平松,李永盛,胡雄武.坑道掘进瞬变电磁超前探水技术应用 分析[J].岩土力学,2012,33(9):2749-2753.

Zhang Pingsong, Li Yongsheng, Hu Xiongwu. Applied analysis of advanced detection for containing water body ahead of tunnel by transient electromagnetic method [J]. Rock and Soil Mechanics, 2012,33(9):2749-2753.

[13] 白登海, Maxwell A M, 卢 健,等.时间域瞬变电磁法中心方式 全程视电阻率的数值计算[J].地球物理学报, 2003, 46(7): 697-704.

> Bai Denghai, Maxwell A M, Lu Jian, et al. Numerical calculation loop transient electromagnet method [J]. Chinese Journal of Geophysics,2003,46(7):697-704

[14] 王华军.时间域瞬变电磁法全区视电阻率的平移算法[J].地 球物理学报,2008,51(6):1936-1942.

Wang Huajun. Time domain transient electromagnetism all time apparent resistivity translation algorithm [J]. Chinese J. Geophys. , 2008, 51(6): 1936-1942.

- [15] 杨海燕,邓居智,张 华,等.矿井瞬变电磁法全空间视电阻率 解释方法研究[J].地球物理学报,2010,53(3):651-656. Yang Haiyan, Deng Juzhi, Zhang Hua, et al. Research on full-space apparent resistivity interpretation technique in mine transient electromagnetic method[J]. Chinese J. Geophys.,2010,53(3):651-656.
- [16] 杨海燕,岳建华.地下瞬变电磁法全区视电阻率核函数算法
 [J].中国矿业大学学报,2013,42(1):83-87.
 Yang Haiyan, Yue Jianhua. Kernel function algorithm of all-time apparent resistivity used in underground transient electromagnet-ic method[J]. Journal of China University of Mining & Technology,2013,42(1):83-87.
- [17] 蒋邦远.实用近区磁源瞬变电磁法勘探[M].北京:地质出版 社,1998.